

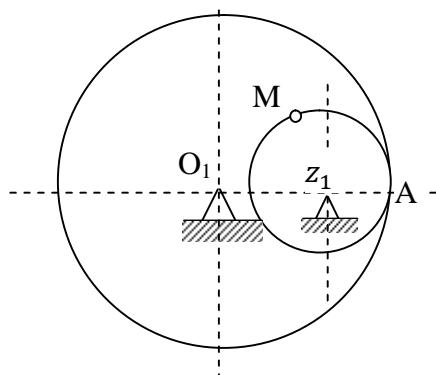
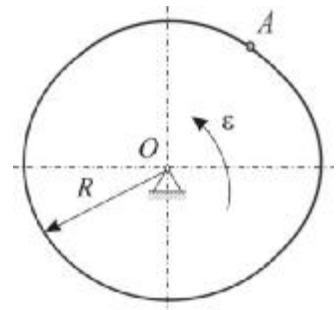
## Vežba br. 5.

## Obrtanje krutog tela oko nepomične ose

Brzina i ubrzanje tačke tela koje se obrće oko nepomične ose.

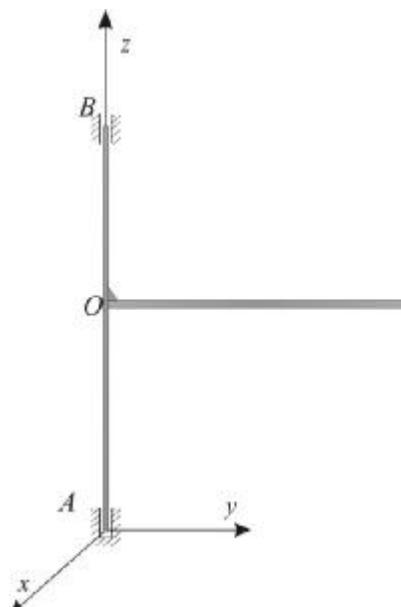
1. Vratilo se u ležištima obrće po zakonu  $\varphi = \theta_0 \ln \left( 1 + \frac{\omega_0}{\theta_0} t \right)$ , gde su  $\theta_0$  i  $\omega_0$  konstante. Odrediti ugaonu brzinu i ugaono ubrzanje vratila. Odrediti brzinu i ubrzanje tačke na obodu vratila poluprečnika  $R$ .

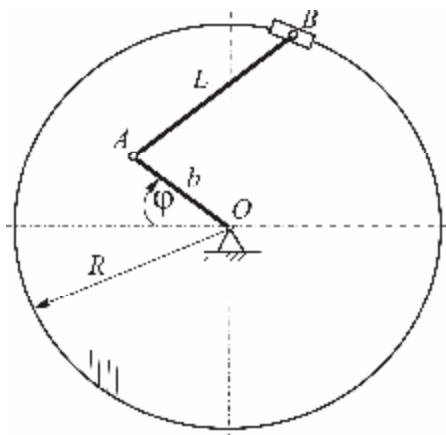
2. Disk, poluprečnika  $R=2$  m se obrće oko ose koja prolazi kroz njegov centar i ima ugaono ubrzanje  $\varepsilon = 2t$ , ( $\varepsilon$  u  $\left[ \frac{1}{s^2} \right]$ ,  $t$  u [s]), sa smerom datim na slici. Nakon  $t = 2$  [s], njegova ugaona brzina iznosi  $\omega = 5 \left[ \frac{1}{s} \right]$ . Odrediti zakon kretanja tela i njegovu ugaonu brzinu, a zatim i brzinu i ubrzanje tačke A na obodu diska u početnom trenutku, i u trenutku  $t = 1$  [s].



3. Zupčanik I sa brojem zubaca  $z_1 = 80$  počinje obrtanje oko nepokretne ose iz stanja mirovanja obrćući se jednakom ubrzano sa ugaonim ubrzanjem  $\varepsilon_1 = 1 \left[ \frac{1}{s} \right]$  i dovodi u kretanje zupčanik II sa brojem zubaca  $z_1 = 20$ . Zupčanik II je unutrašnje zahvaćen sa zupčanicom I i obrće se oko nepokretne ose koja prolazi kroz tačku  $O_2$ . Odrediti ugaonu brzinu zupčanika II kao i brzinu i ubrzanje tačke M na obimu zupčanika II posle  $t_1 = 1$  [s], računato od početka kretanja, ako je poluprečnik zupčanika II  $r_2 = 15$  [cm].

4. Za osovinu koja se obrće unutar ležišta A i B, kruto je i pod pravim ugлом, u tački O, vezan štap OM, dužine  $\overline{OM} = 2$  [m]. Zakon obrtanja osovine je  $\varphi = \frac{\pi}{4}(t + t^4)$ , ( $t$  u [s],  $\varphi$  u [rad]). Odrediti ugaonu brzinu i ugaono ubrzanje štapa, kao i brzinu i ubrzanje tačke M u trenutku  $t = 1$  [s].





5. Obrtanje štapa OA, dužine  $b = 0.5 \text{ [m]}$ , zglobno vezanog za nepomični zglob u A, dato je zakonom  $\varphi = \frac{1}{2}(1 - e^{-4t})$ , ( $t \text{ u } [s], \varphi \text{ u } [\text{rad}]$ ). Za drugi kraj štapa (tačka A) zglobno je vezan štap AB, dužine  $L = 0.8 \text{ [m]}$ , koji je tački B, zglobno vezan za klizač. Klizač se kreće po vodjici koja ima oblik kružnice radijusa  $R = 1 \text{ [m]}$ . Odrediti brzinu i ubrzanje klizača u početnom trenutku. Odrediti ugao koji, u tom trenutku, vektor ubrzanja zaklapa sa vektorom brzine.