

Mašinski fakultet Univerziteta u Nišu  
Prva godina akademskih studija

# Inženjerska grafika geometrijskih oblika

(1. predavanje, 1. tema)

Predavač:

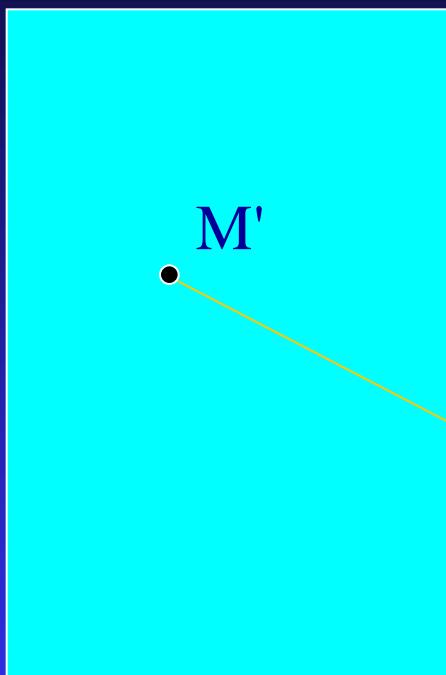
Dr Predrag Rajković, red. prof.

# Projektivna geometrija

---

- Projektivna (nacrtna) geometrija je skup metoda za rešavanje prostornih problema crtanjem u ravni.
- Projektovanje je postupak kojim se datom objektu pridružuje njegova slika (projekcija) u datoј ravni.
- Zrak projektovanja je prava kojom se ostvaruje projektovanje tačke
- ravan projektovanja je ravan crtanja
- projekcija je tačka prodora zraka kroz ravan projektovanja.

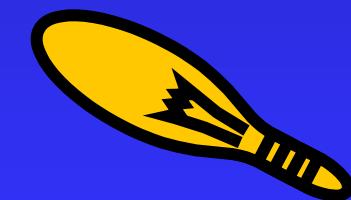
# Projektivna geometrija



Ravan  
projektovanja

$M$

Zrak



# Istorijski osvrt na projektivnu geometriju

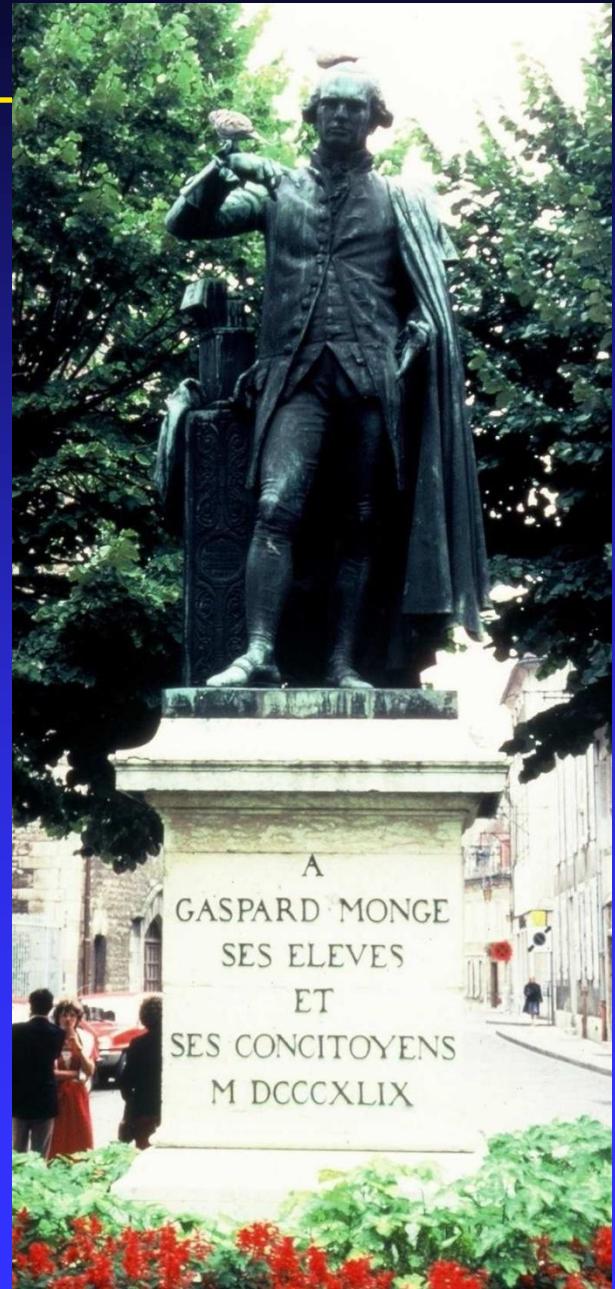
---

- **Graditelji starog veka, zanatlije i umetnici su koristili jednu projekciju.**
- **Rene Decartes (1596-1650) je uveo koordinatni sistem i povezao algebru i geometriju u analitičku geometriju.**

# Monžove projekcije

---

**Gaspard Monge (1746-1818) je osnivač projektivne geometrije (prvi je uveo istovremeno posmatranje više projekcija na jednom crtežu).**



# Vrste projektovanja

---

- Centralno projektovanje.
- Paralelno projektovanje.
  - Koso projektovanje  
(pomoću kosih zraka)
  - Ortogonalno projektovanje je projektovanje pomoću zraka ortogonalnog na projekcijskoj ravni.

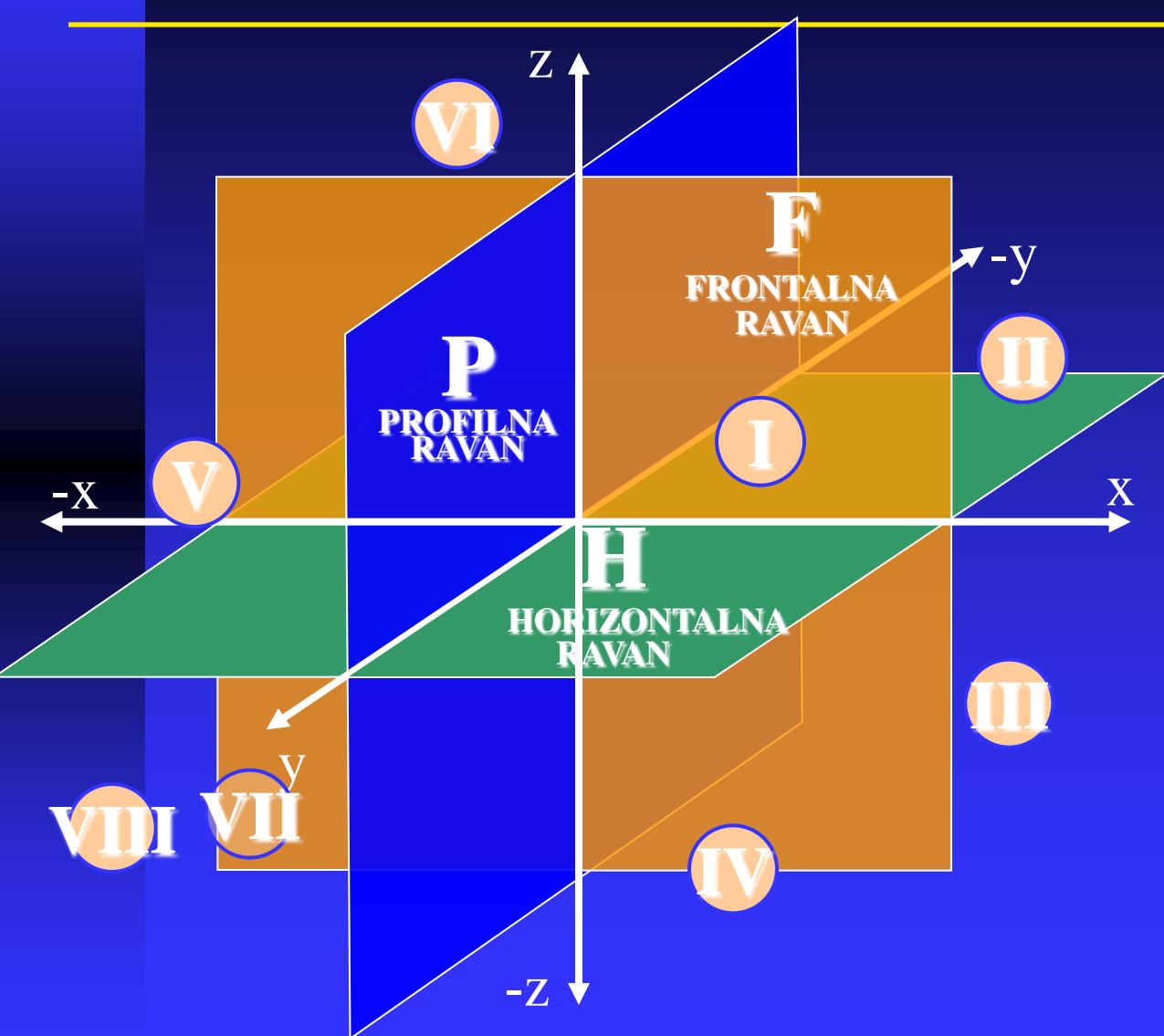
# Invarijante ortogonalnog projektovanja

---

Pri ortogonalnom projektovanju  
očuvavaju se sledeće osobine:

- Projekcija tačke je tačka
- Pripadnost geometrijskom mestu tačaka
- Razmera duži

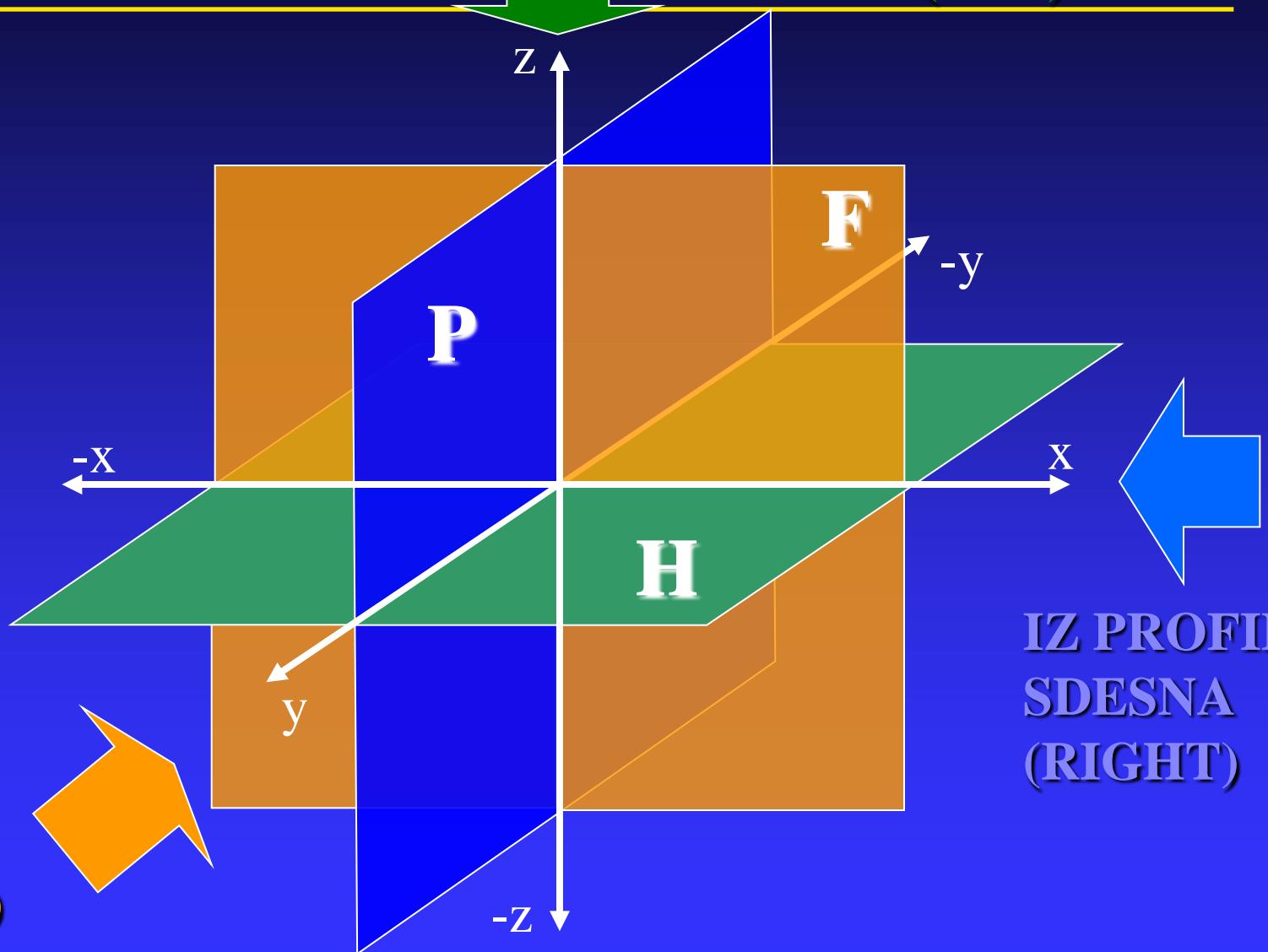
# OKTANTI



oktant	$x$	$y$	$z$
I	+	+	+
II	+	-	+
III	+	-	-
IV	+	+	-
V	-	+	+
VI	-	-	+
VII	-	-	-
VIII	-	+	-

# SMEROVI PROJEKTOVANJA

## ODOZGO (TOP)

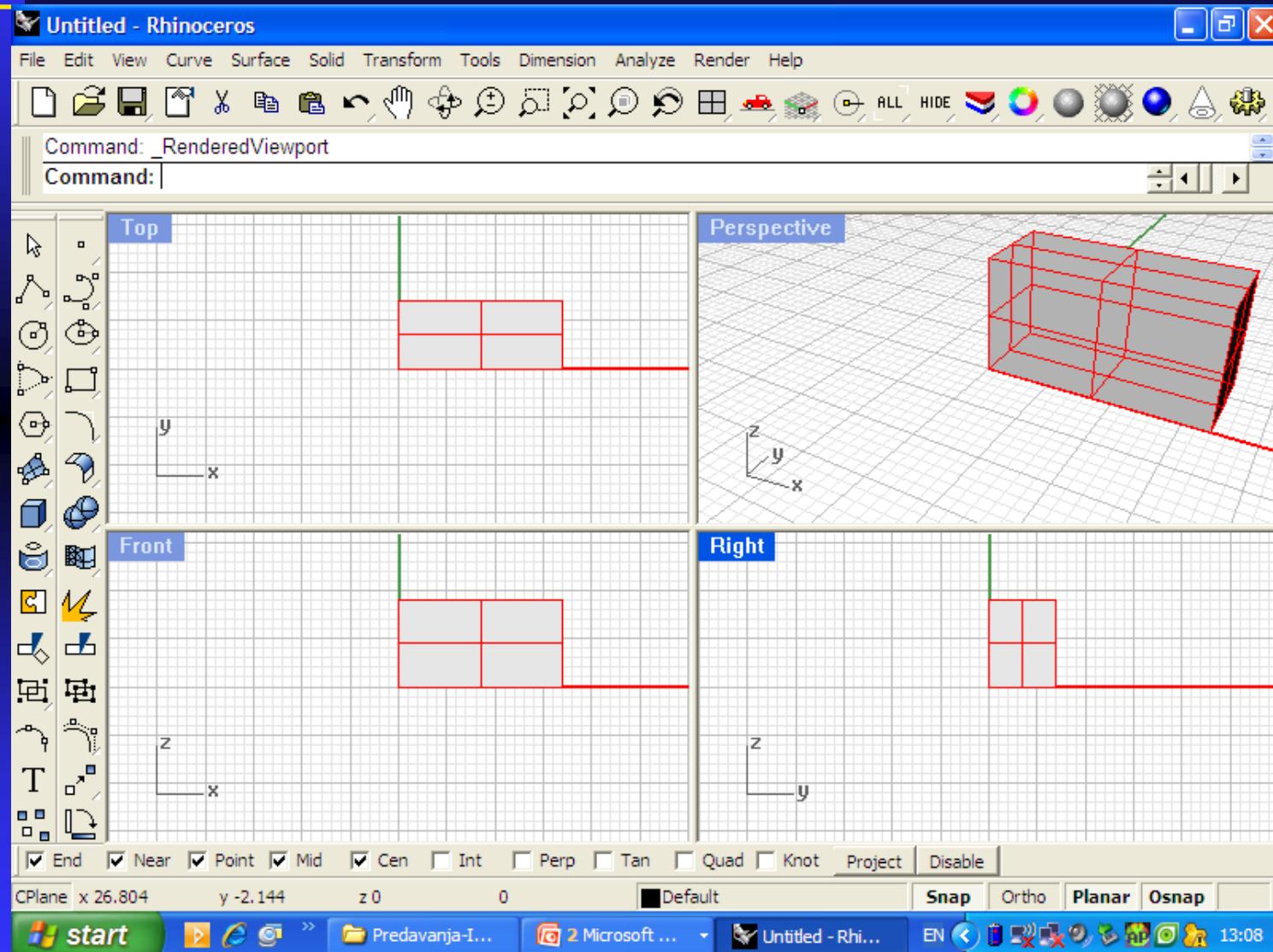


# Ortogonalno projektovanje

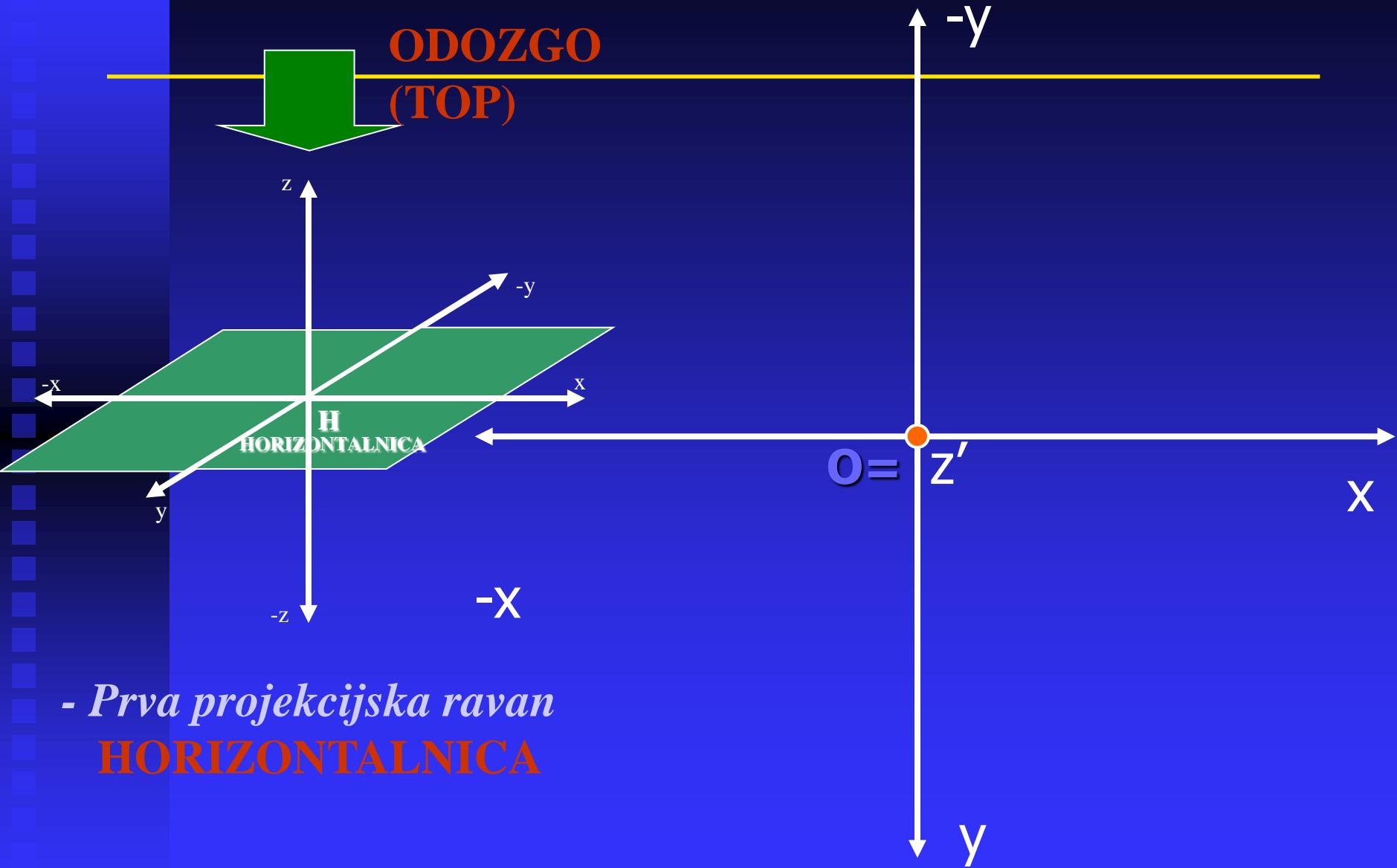
---

- Svaka projekcija ima svoj prozor - window.
- On može zauzeti sav radni prostor dvostrukim klikom miša na mestu gde je njegovo ime.
- Veličina prozora se može menjati postavljanjem miša na nekoj od njegovih ivica. Prozori se mogu pomerati vučenjem naziva ka nekoj izabranoj tački.
- Početni raspored vraćamo pomoću View-SetView ili View-ViewPort-LayOut-4ViewPorts

# Ortogonalno projektovanje

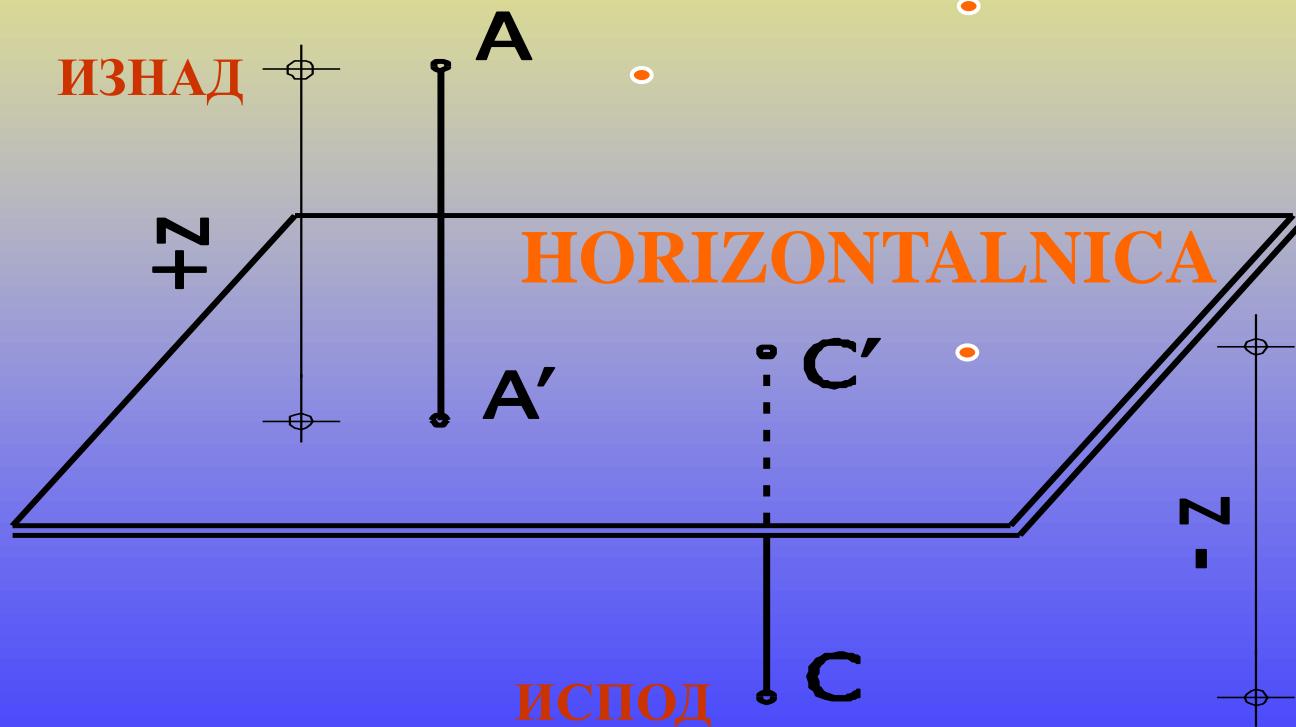


# HORIZONTALNA PROJEKCIJA

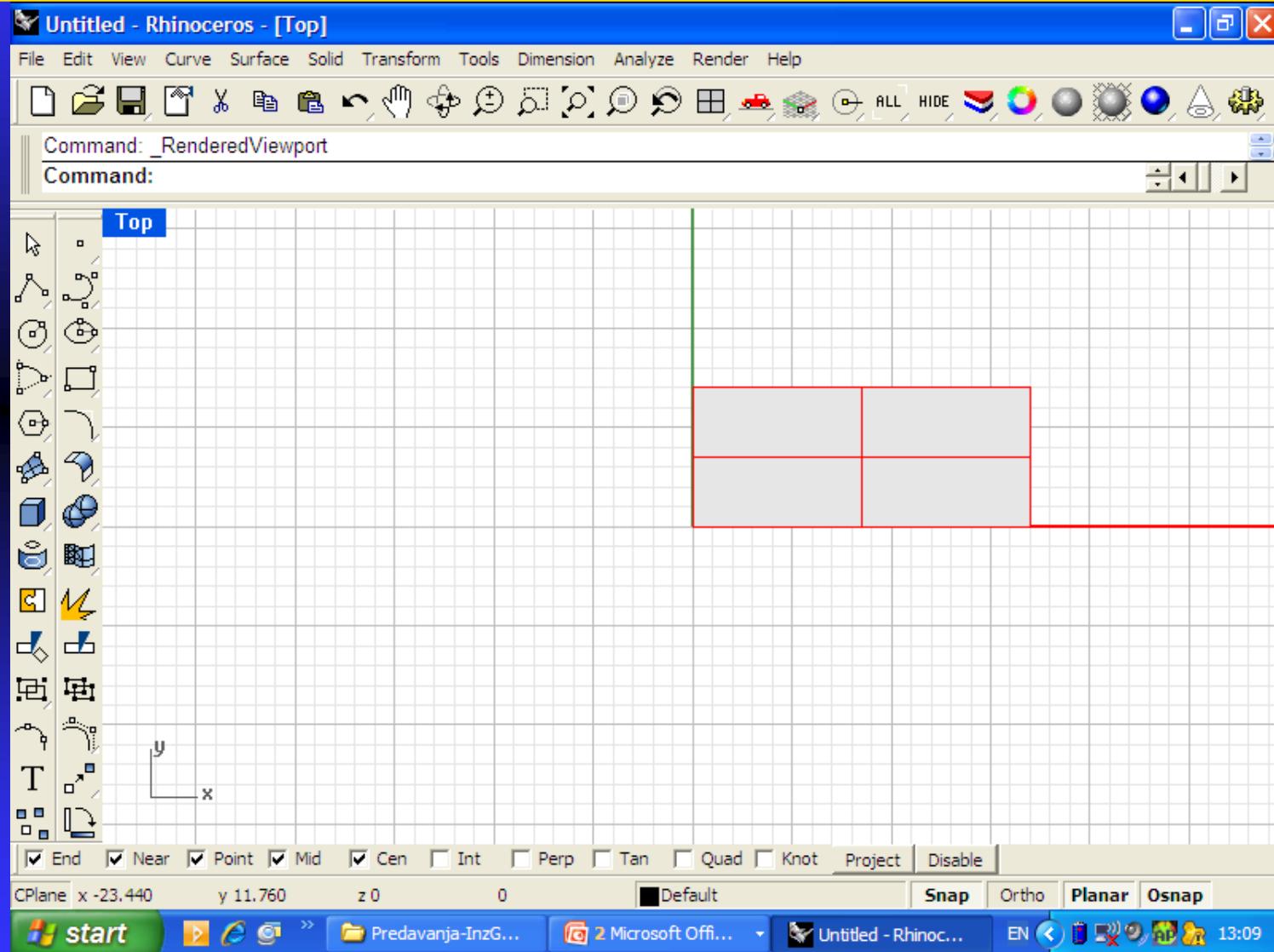


*- Prva projekcijska ravan*  
**HORIZONTALNICA**

# HORIZONTALNA PROJEKCIJA



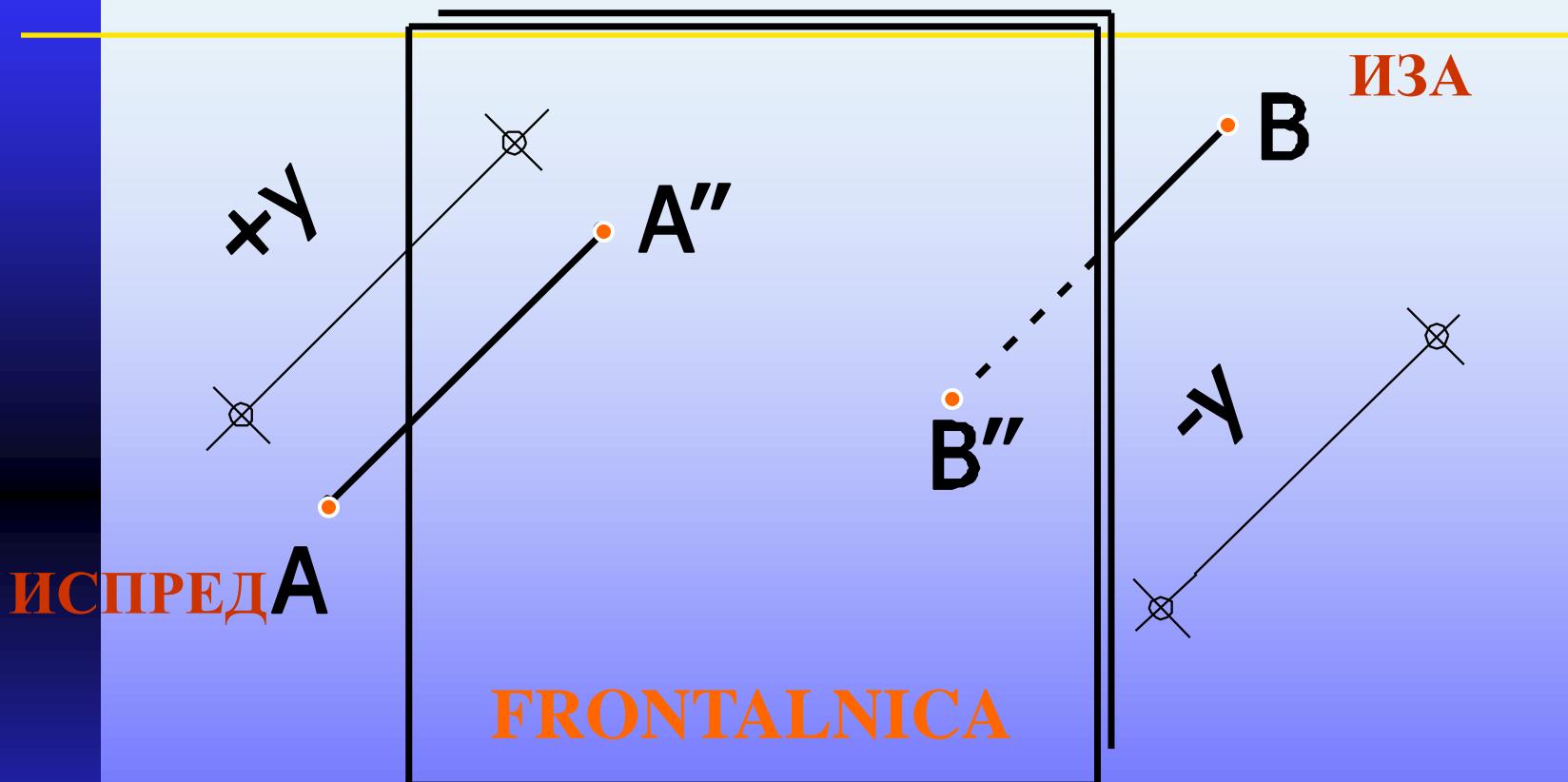
# TOP - pogled odozgo - projekcija u horizontalnoj ravni;



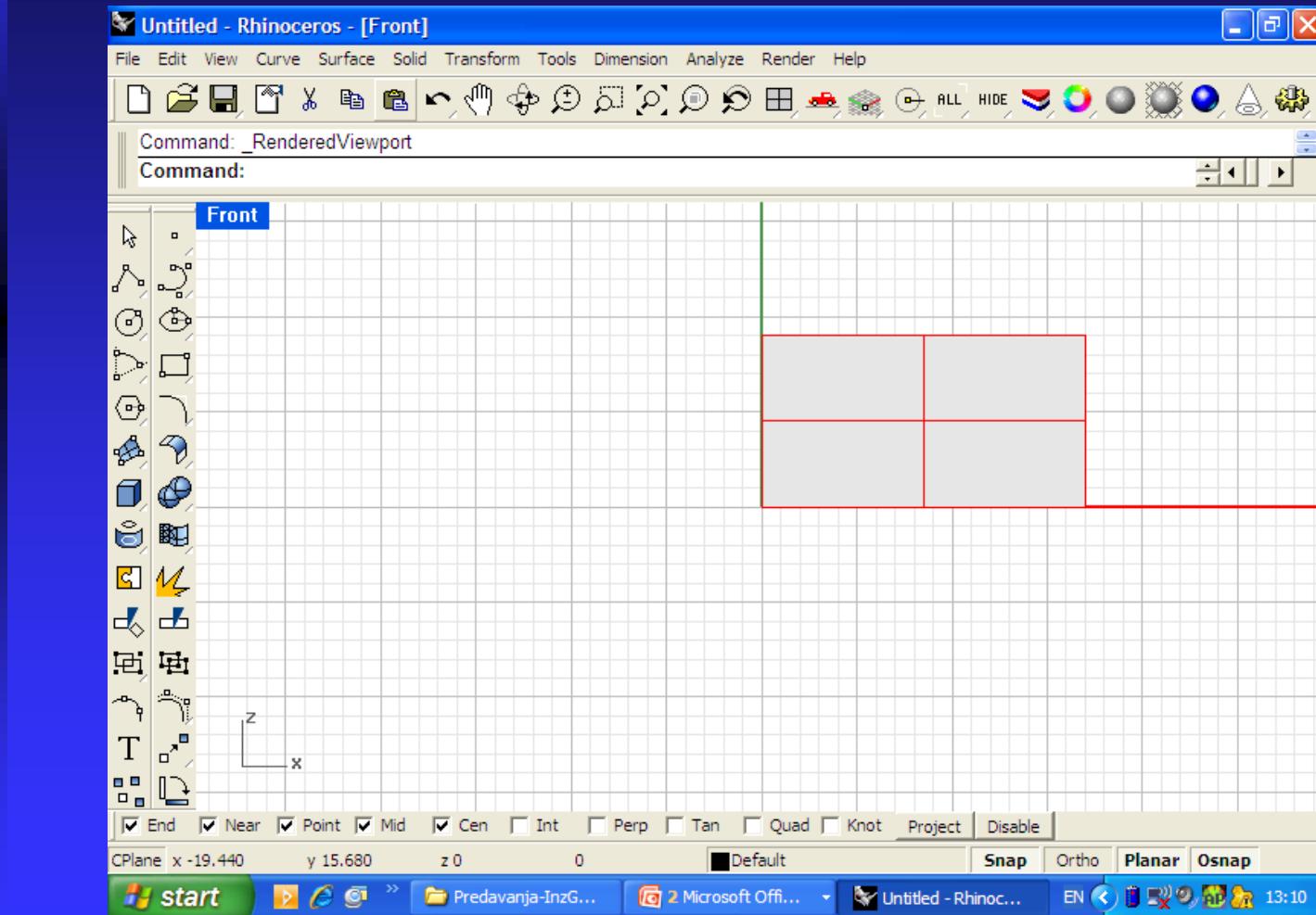
## FRONTALNA PROJEKCIJA



## FRONTALNA PROJEKCIЈА



# FRONT - pogled spreda - projekcija u frontalnoj ravni

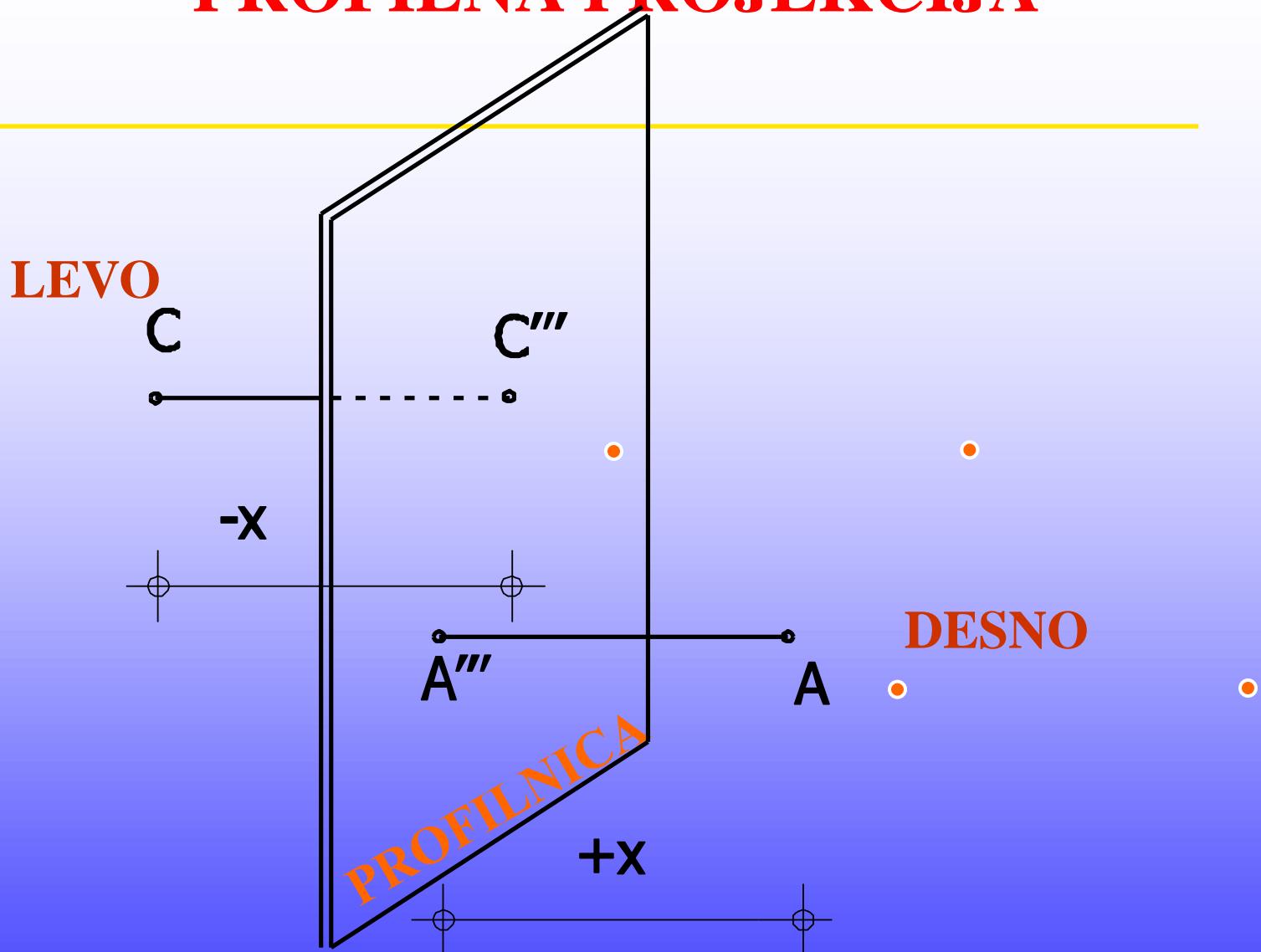


## PROFILNA PROJEKCIJA

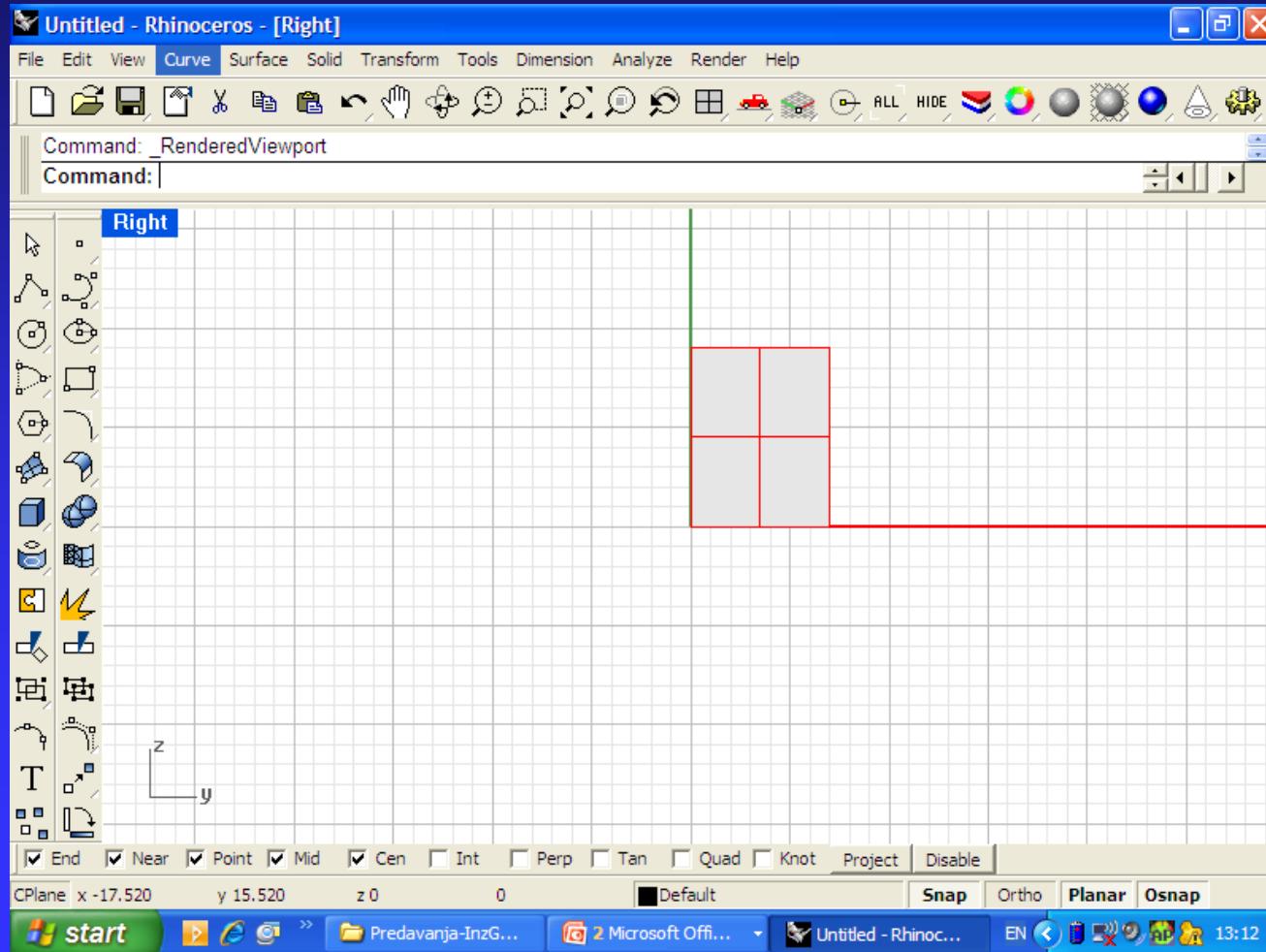


- Treća projekcijska ravan  
**PROFILNICA**

# PROFILNA PROJEKCIJA



# RIGHT - pogled sdesna - projekcija u profilnoj ravni



# Aksonometrijsko projektovanje u prozoru PERSPECTIVE

---

**U prozoru PERSPECTIVE vidi se projekcija objekta na novoj projekcijskoj ravni koja stoji koso u odnosu na dati koordinatni sistem i ostvaruje se zracima koji su normalni na tu projekcijsku ravan.**

**Posmatrač (ili izvor svetlosti) beskonačno daleko od koordinatnog početka pod kosim uglovom u odnosu na koordinatni sistem.**

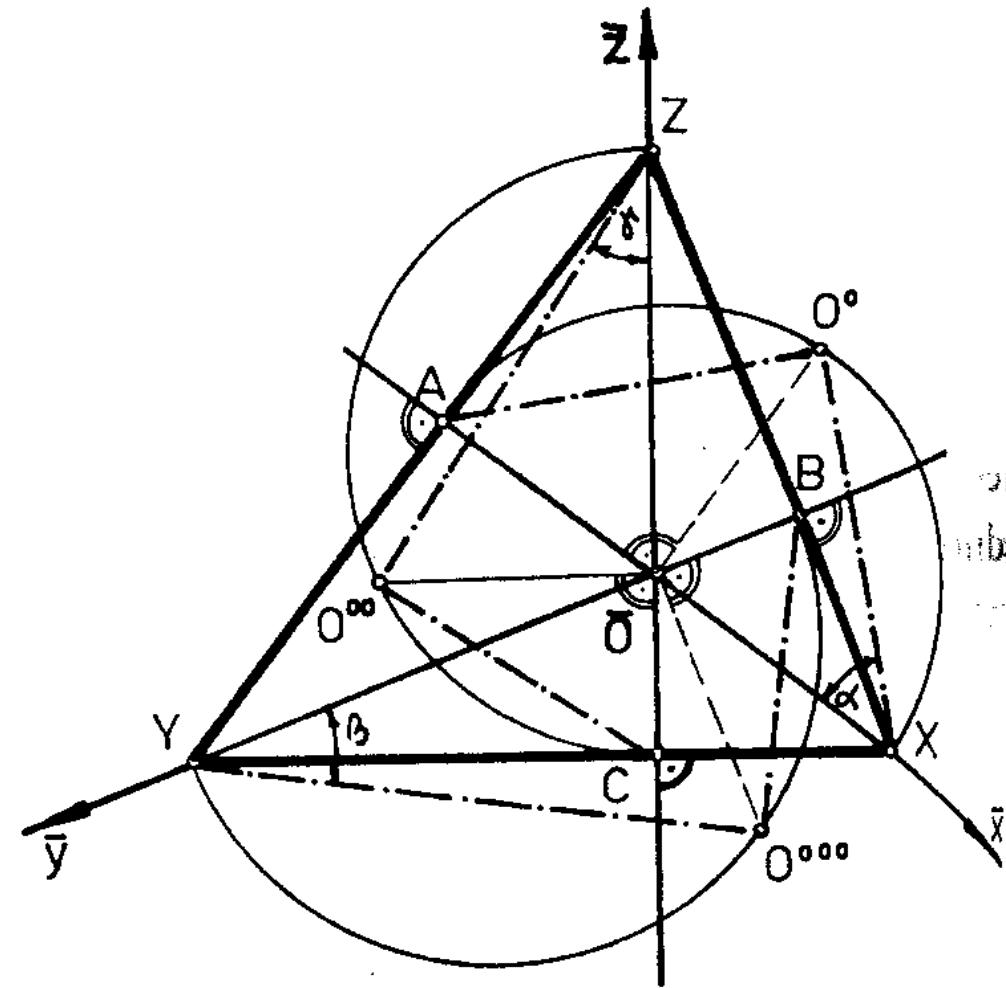
# Aksonometrijsko projektovanje u prozoru PERSPECTIVE

---

**Pri aksonometrijskom projektovanju:**

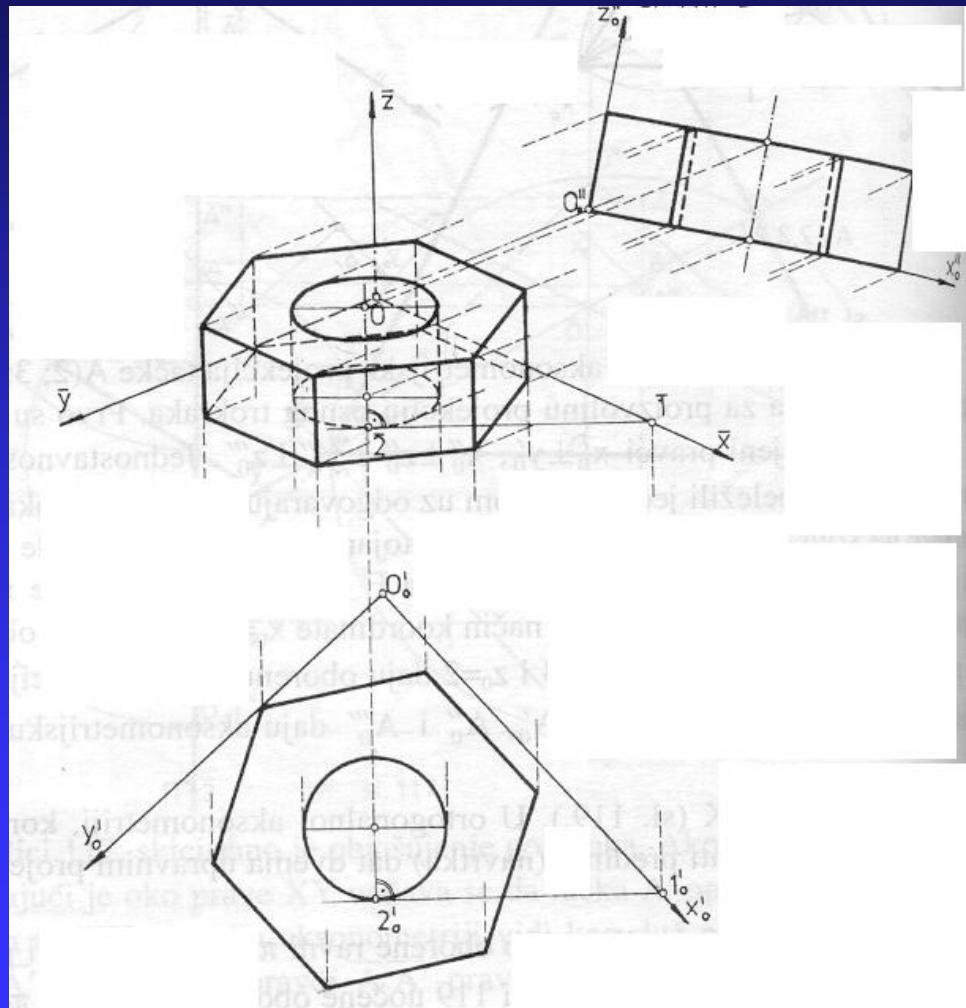
- 1. ose stoje uzajamno pod kosim uglovima;**
- 2. sve ortogonalne projekcije prelaze u posredne aksnometrijske projekcije;**
- 3. formira se neposredna aksonometrijska projekcija.**
- 4. Sve dimenzije objekta su deformisane.**

# Aksonometrijsko projektovanje u prozoru PERSPECTIVE

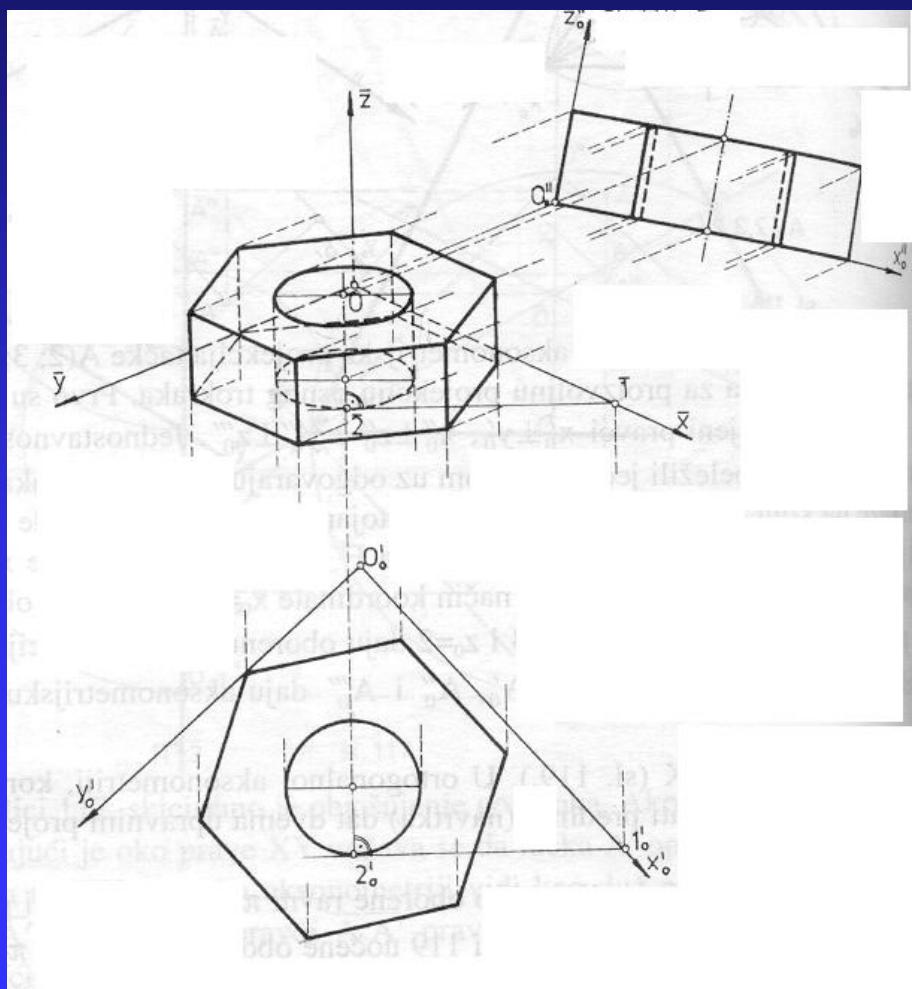
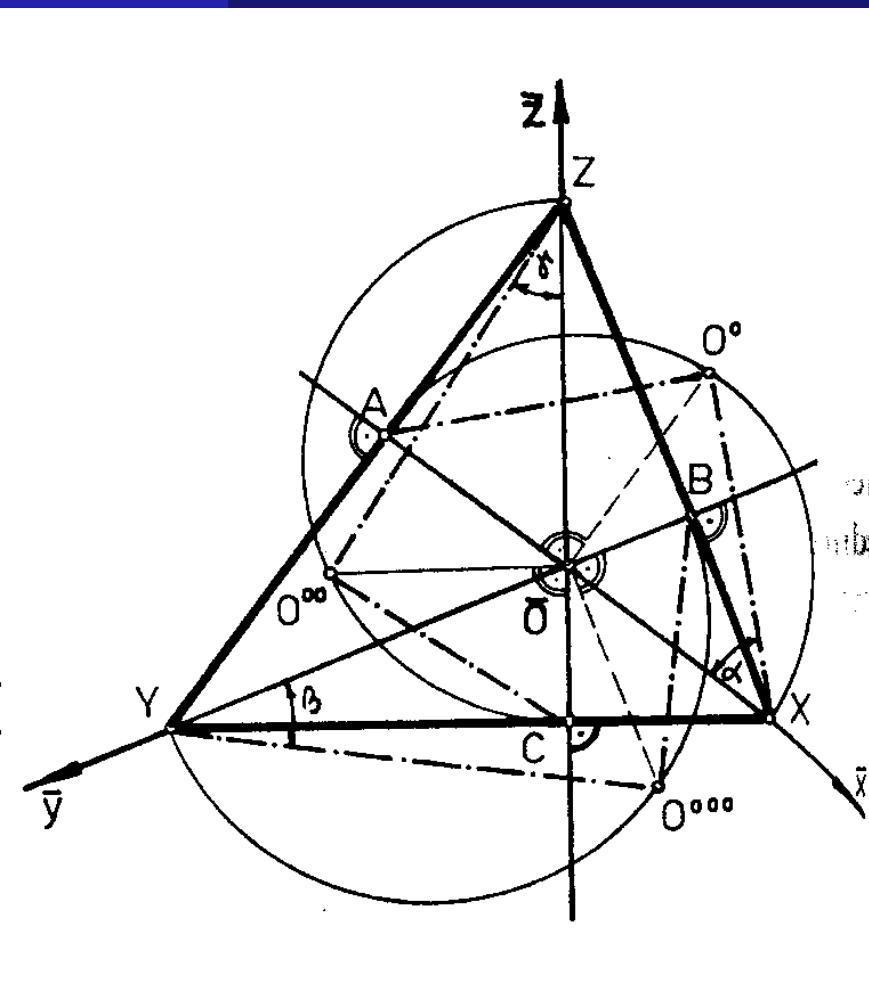


# Aksonometrijsko projektovanje u prozoru PERSPECTIVE

ECHARTOV  
POSTUPAK  
omogućava da se iz  
ortogonalnih  
projekcija dobije  
neposredna  
aksnometrijska  
projekcija.



# Aksonometrijsko projektovanje u prozoru PERSPECTIVE

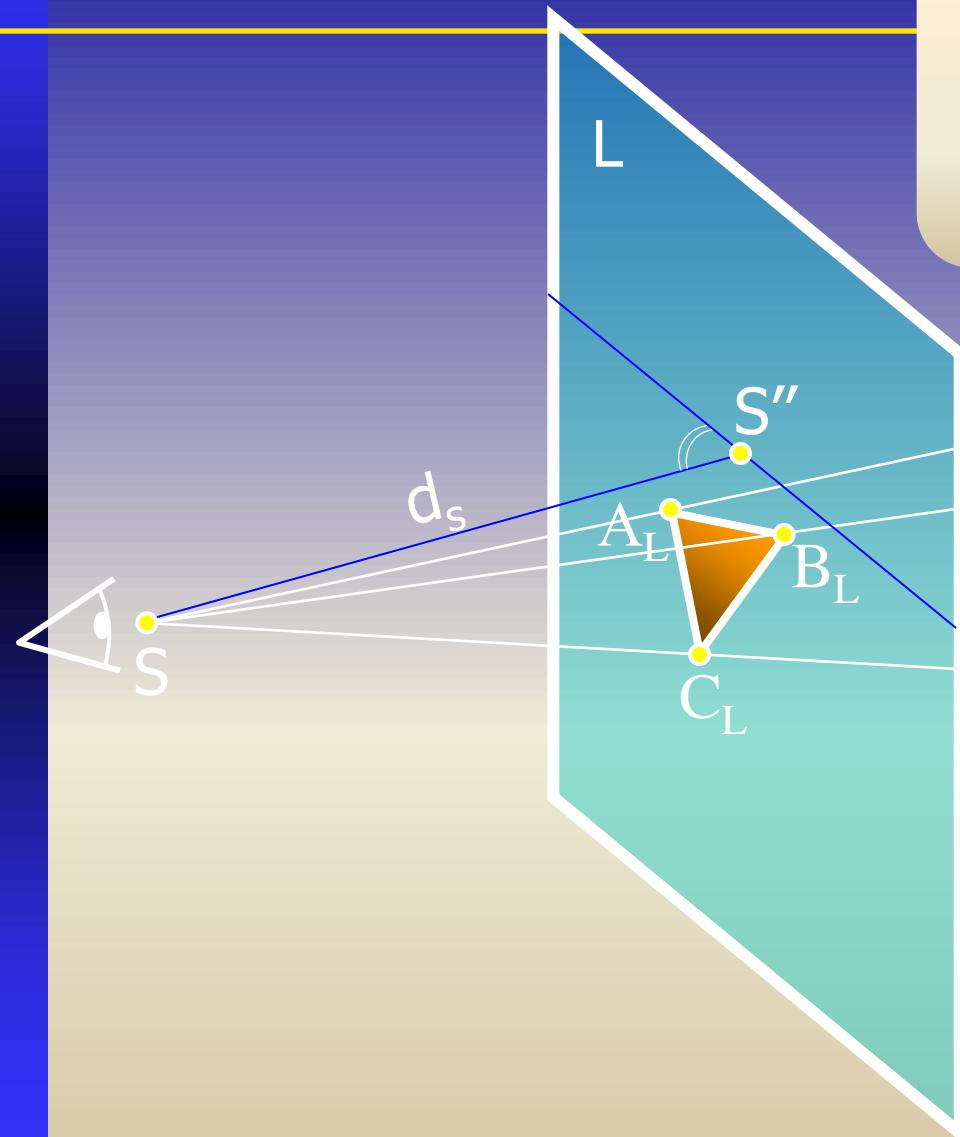


# Centralno projektovanje u prozoru PERSPECTIVE

---

U prozoru PERSPECTIVE, promenom udaljenosti i položaja kamere, može se videti centralna projekcija objekta na novoj projekcijskoj ravni koja stoji koso u odnosu na dati koordinatni sistem i ostvaruje se zracima koji polaze iz jedne konačne tačke.

# Centralno projektovanje PERSPECTIVE



**S** – Centar projektovanja  
**L** – Ravan crtanja  
**s** – Zraci projektovanja  
 **$d_s$**  – Centralno rastojanje

