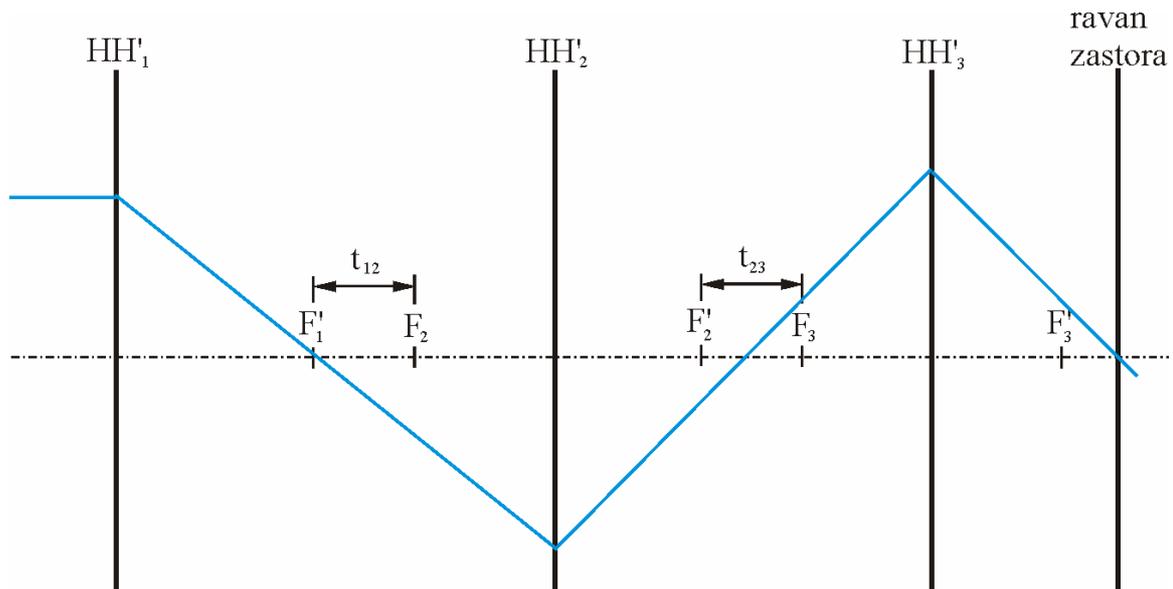
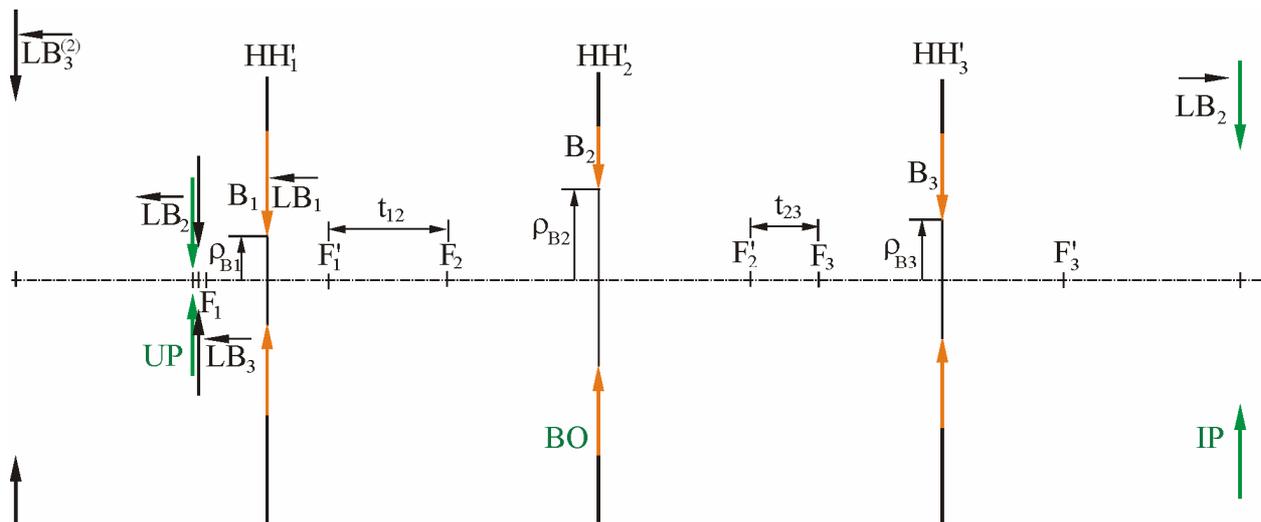


Zadatak B7: Tri tanka sočiva, žižnih daljina $f_1' = -f_1 = -20 \text{ mm}$, $f_2' = -f_2 = 50 \text{ mm}$ i $f_3' = -f_3 = 40 \text{ mm}$, formiraju složeni optički sistem ($t_{12} = 40 \text{ mm}$, $t_{23} = -22,5 \text{ mm}$).

Odrediti položaj i veličinu blende otvora, ulazne i izlazne pupile optičkog sistema ako su prečnici efektivnih otvora sočiva $D_1 = 30 \text{ mm}$, $D_2 = 60 \text{ mm}$ i $D_3 = 40 \text{ mm}$, a objekt preslikavanja se nalazi u beskonačnosti.



Rešenje B7: Efektivni otvori sočiva predstavljaju blende sistema (označene sa B_1 , B_2 i B_3 na slici B7). Preslikavanjem ovih blendi u oblast objekta sistema (ulevo) dobijamo njihove likove: \overleftarrow{LB}_1 (poklapa se sa blendom B_1), \overleftarrow{LB}_2 i \overleftarrow{LB}_3 .



Slika B7

Pri preslikavanju blende B_2 prvim sočivom, ona predstavlja lik ($z'_{B_2} = t_{12} - f_2 = 90 \text{ mm}$), a njen lik preslikan ulevo (\overleftarrow{LB}_2) objekat preslikavanja. Primenom relacija za preslikavanje u paraksijalnoj oblasti mogu se odrediti položaj i veličina lika blende \overleftarrow{LB}_2 :

$$z_{\overleftarrow{LB}_2} \cdot z_{B_2} = f_1 \cdot f_1' \quad \Rightarrow \quad z_{\overleftarrow{LB}_2} = \frac{f_1 \cdot f_1'}{z_{B_2}} = -4,4 \text{ mm},$$

$$\rho_{B_2} = -\rho_{LB_2}^{\leftarrow} \cdot \frac{f_1}{z_{LB_2}^{\leftarrow}} \quad \Rightarrow \quad \rho_{LB_2}^{\leftarrow} = \left| -\frac{\rho_{B_2} \cdot z_{LB_2}^{\leftarrow}}{f_1} \right| = 6,6 \text{ mm} .$$

Blendu B_3 treba najpre preslikati drugim, a zatim i prvim sočivom ulevo. Kod preslikavanja drugim sočivom, blenda B_3 predstavlja lik ($z_{B_3}' = t_{23} - f_3 = 17,5 \text{ mm}$), a njen lik preslikan ulevo ($\overleftarrow{LB_3^{(2)}}$) objekat preslikavanja. Primenom relacija za preslikavanje u paraksijalnoj oblasti mogu se odrediti položaj i veličina ovog lika blende:

$$z_{LB_3}^{\leftarrow(2)} \cdot z_{B_3}' = f_2 \cdot f_2' \quad \Rightarrow \quad z_{LB_3}^{\leftarrow(2)} = \frac{f_2 \cdot f_2'}{z_{B_3}'} = -142,86 \text{ mm} ,$$

$$\rho_{B_3} = -\rho_{LB_3}^{\leftarrow(2)} \cdot \frac{f_2}{z_{LB_3}^{\leftarrow(2)}} \quad \Rightarrow \quad \rho_{LB_3}^{\leftarrow(2)} = \left| -\frac{\rho_{B_3} \cdot z_{LB_3}^{\leftarrow(2)}}{f_2} \right| = 57,143 \text{ mm} .$$

Dobijeni lik ($\overleftarrow{LB_3^{(2)}}$) treba zatim preslikati prvim sočivom. Kod ovog preslikavanja, lik $\overleftarrow{LB_3^{(2)}}$ predstavlja lik ($z_{LB_3}'^{\leftarrow(2)} = z_{LB_3}^{\leftarrow(2)} + t_{12} = -102,86 \text{ mm}$), a njegov lik preslikan prvim sočivom ($\overleftarrow{LB_3}$) objekat preslikavanja. Primenom relacija za preslikavanje u paraksijalnoj oblasti mogu se odrediti položaj i veličina lika blende B_3 u oblasti objekta ($\overleftarrow{LB_3}$):

$$z_{LB_3}^{\leftarrow} \cdot z_{LB_3}'^{\leftarrow(2)} = f_1 \cdot f_1' \quad \Rightarrow \quad z_{LB_3}^{\leftarrow} = \frac{f_1 \cdot f_1'}{z_{LB_3}'^{\leftarrow(2)}} = 3,8 \text{ mm} ,$$

$$\rho_{LB_3}'^{\leftarrow(2)} = -\rho_{LB_3}^{\leftarrow} \cdot \frac{f_1}{z_{LB_3}^{\leftarrow}} \quad \Rightarrow \quad \rho_{LB_3}^{\leftarrow} = \left| -\frac{\rho_{LB_3}'^{\leftarrow(2)} \cdot z_{LB_3}^{\leftarrow}}{f_1} \right| = 11,1 \text{ mm} .$$

Pošto se objekt preslikavanja nalazi u beskonačnosti, ulazna pupila je onaj od likova blendi, preslikanih u oblast objekta, čiji je poluprečnik najmanji:

$$\rho_{LB_2}^{\leftarrow} < \rho_{LB_3}^{\leftarrow} < \rho_{LB_1}^{\leftarrow}$$

odakle se može zaključiti da lik $\overleftarrow{LB_2}$ predstavlja ulaznu pupilu (UP), a sama blenda B_2 blendu otvora (BO).

Lik blende otvora u oblasti lika sistema ($\overrightarrow{LB_2}$) predstavlja izlaznu pupilu (IP). Primenom relacija za preslikavanje trećim sočivom mogu se odrediti položaj i veličina lika blende $\overrightarrow{LB_2}$:

$$z_{B_2} = -t_{23} - f_2' = -27,5 \text{ mm} ,$$

$$z_{B_2} \cdot z_{LB_2}'^{\rightarrow} = f_3 \cdot f_3' \quad \Rightarrow \quad z_{LB_2}'^{\rightarrow} = \frac{f_3 \cdot f_3'}{z_{B_2}} = 58,182 \text{ mm} ,$$

$$\rho_{IP} = \rho_{LB_2}'^{\rightarrow} = \left| -\rho_{B_2} \cdot \frac{f_3}{z_{B_2}} \right| = 43,636 \text{ mm} .$$