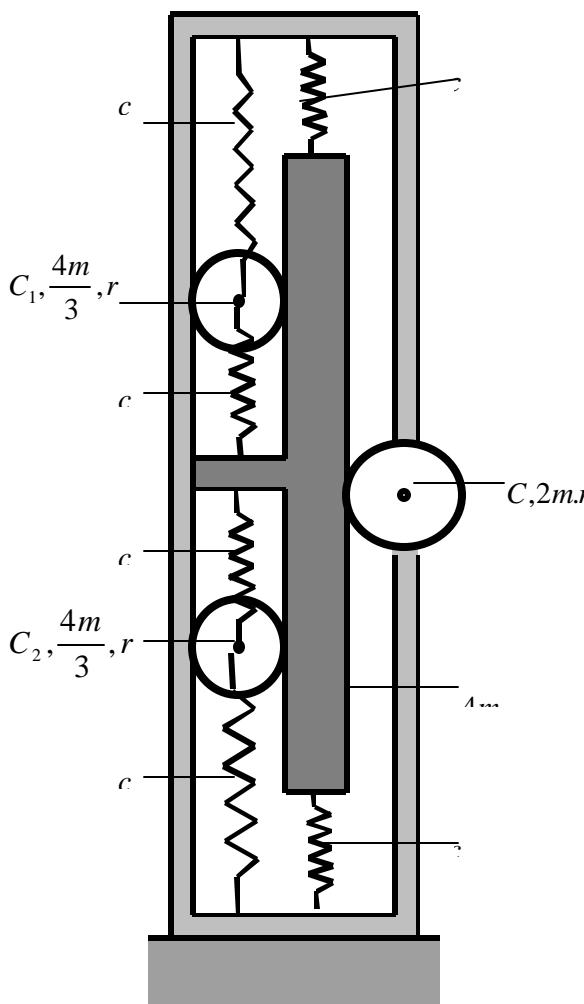


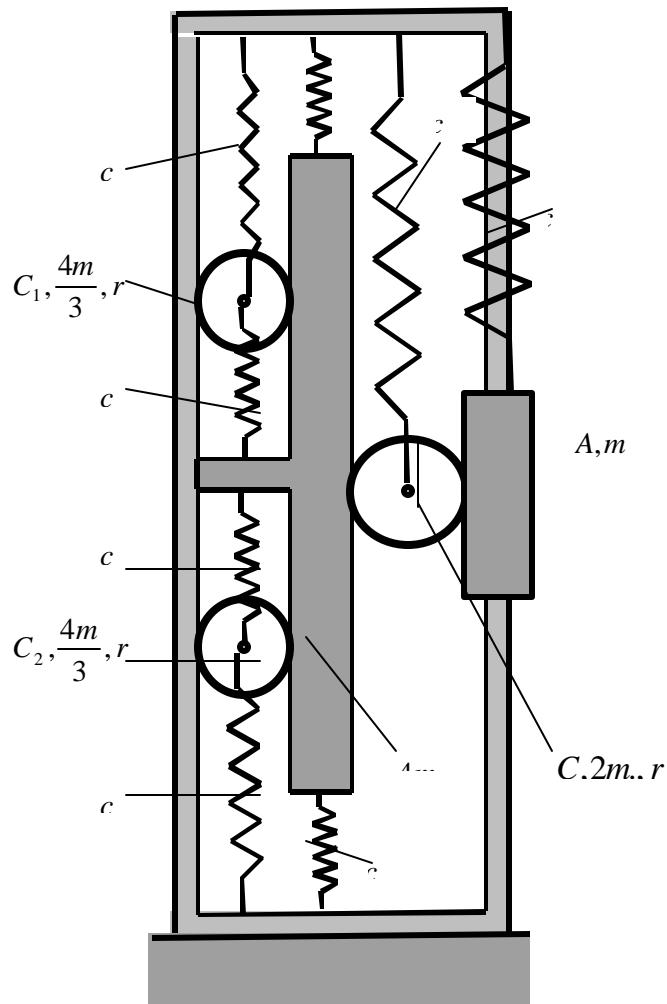
PI SMENI DEO I SPI TA I Z PREDMETA  
**ELASTODINAMIKA**  
**ELASTODINAMIKA**

PRVI ZADATAK: Na sl i ci br.1 pri kazan je si stem koji se sastoji od: nepokretnog ku}i { ta u kome je sme{ ten transl atorni deo mase  $4m$ , vezan dvema jednaki m oprugama krutosti po  $c$  za ku}i { te; dva jednaka di ska centara  $C_i, i = 1,2$ , jednaki h masa po  $\frac{4m}{3}$ , pol upre~ni ka  $r$ , koji se kotrqaju bez kl i zawa po ku}i { tu i

transl atornoj masi, a vezani su sa po dve jednake opruge krutosti po  $c$ ; i di ska mase  $2m$ , pol upre~ni ka  $r$ , koji je za centar  $C$ , zgl obno vezan za ku}i { te pri ~emu mo`e da se kotrqqa po transl atornoj masi. Na si stem posredstvom tog di ska dejstvuje spreg momenta  $M = M_0 \cos \Omega t$ . Odredi ti zakon pri nudnih oscilaci ja si stema ako se zna da je u po~etnom trenutku transl atorna masa bi l a pomerena iz ravnote` nog pol o` aja za el ongaci ju  $x_0$  i tada je imal a brzi nu  $v_0$ .



Sl i ka br. 1

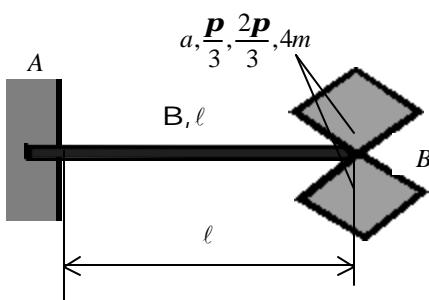


Sl i ka br. 2

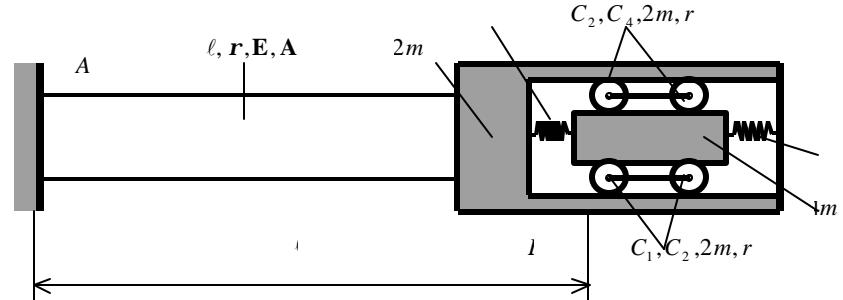
**DRUGI ZADATAK:** Na slici br.2 prikazan je sistem koji se sastoji od: nepokretnog kućišta u kome je smješten translatorični deo mase  $4m$ , vezan dvema jednaka oprugama krutosti po  $c$  za kućište; dva jednakih dijelova centara  $C_i, i=1,2$ , jednakih masa po  $\frac{4m}{3}$ , polupravini  $r$ , koji se kotežaju bez klizanja po kućištu i translatoričnoj mase, a vezani su sa po dve jednakе opruge krutosti po  $c$ ; dijska mase  $2m$ , polupravini  $r$ , središte je centar  $C$ , vezan za kućište za oprugu krutosti  $c$  i može da se koteža po translatoričnoj masi i klizavi  $A$ , mase  $m$  koji bez trećeg tretira klizi po krutom nepokretnom kućištu tu, a koje je vezan oprugom krutosti  $c$  kako je to prikazano na slici br. 2. Na translatoričnu masu dejstvuje prirodna sila  $\mathbf{F} = \mathbf{F}_0 \cos \Omega t$ . Odredi ti zakon prirodnih oscilacija. Da li se u sistemu može javiti efekat diničke apsorpcije i pod kojim uslovima? Da li se u sistemu može javiti rezonans? Ako je odgovor da, odredi ti rezonantne vrednosti frekvencije prirodnih sila. (Uvedi oznake:  $v = \frac{m\Omega^2}{c}, h = \frac{4\mathbf{F}_0}{c}$ ).

**TREĆI ZADATAK:** Na slici br. 3 prikazana je laka elastična konzola  $AB$ , raspona  $\ell$ , savojne krutosti  $\mathbf{B}$ , koja na slobodnom kraju  $B$  nosi homogeni tanku, kruta ploču lepti rastog obliku, mase  $4m$ . Ploča je sastavljena od dva temenoma, kruto spojena romba, osnovnih višina  $a$ , uglova  $\frac{\mathbf{p}}{3}$  i  $\frac{2\mathbf{p}}{3}$ . Za slavajući malih oscilacija sistema placiće na lakoj elastičnoj konzoli odredi ti sopstvene frekvencije. Ako na sistem, posredstvom placice, dejstvuje spreg momenta  $\mathbf{M} = \mathbf{M}_0 \cos \Omega t$ , odredi ti zakon prirodnih oscilacija sistema. Da li se u sistemu može javiti rezonans i dinička apsorbacija i pod kojim uslovima?

Napomena: Uvedi oznake:  $p = \frac{\ell^3}{6\mathbf{B}}$ ,  $u = pm\mathbf{w}^2$ ,  $v = pm\Omega^2$ ,  $I = \frac{a}{\ell}$ ,  $h = \frac{3p\mathbf{M}_0}{\ell}$ .



Slika br. 3



Slika br. 4

**ČETVRTI ZADATAK:** Napisati frekventnu jednaku uzdužnih oscilacija konzole  $AB$  raspona  $\ell$ , gusične materijala  $\mathbf{r}$ , aksijalne krutosti  $\mathbf{EA}$ , koja na slobodnom kraju nosi sistem koji se sastoji od krutog supora mase  $2m$ , unutar koga je translatorični element mase  $4m$ , koji je dvema jednakim oprugama krutosti po  $c$  vezan za kruti supor, a posredstvom četiri jednakih krutih dijskih masa po  $2m$ , polupravini  $r$ , koji se kotežaju bez klizanja, je takođe ostvarena sa suportom wena veza. Pod pretpostavkom da su određeni korenii frekventne jednake napisati zakone pomeranja projektila preseka i kraja  $B$  konzole, supora i translatoričnog elementa.

(Uvedi oznake:  $\mathbf{w}_0^2 = \frac{2c}{m}$ ,  $c_e = \frac{EA}{\ell}$ ,  $\mathbf{x} = I\ell$ ,  $\overline{\mathbf{w}}_0^2 = \frac{E}{r\ell^2}$ ,  $\frac{\mathbf{w}_0^2}{\overline{\mathbf{w}}_0^2} = k$ ,  $\mathbf{m} = \frac{m}{rA\ell}$ ,  $\frac{c_e}{m} = \mathbf{w}_e^2$ ).

Napomena: Pisani deo i spačta traje 4 sata. Dozvojeno je koričeno samo u tampane ili terature. Studenti koji imaju održen usmeni deo i spačta dužni su da to vide i dvoznačne koričene pišmenog zadatka, zajedno sa brojem poena, kao i spačtima u rokovima u kome su to pravostekli.

Pisani deo i spačta je elimištan. Student ostvaruje pravo pravo na polagajewi usmenog dela i spačta i početni oceni pišmenog dela i spačta ako ostvari najmanje 22 poena od ukupno 40 poena (četiri puta po deset) i li ako tačno reči najmanje dva celina zadatka. Studenti koji ostvaruju pravo "uslovno pozvan na usmeni deo i spačta" kao kvalifikaciju za ostvarene prava na usmeni deo i spačta rade jedan teorijski zadatak bez koričenja.

Rezultati pišmenog dela i spačta biće saopšteni u pišmenom obliku na oglascu tablje fakulteta do 12. -asova, jedan dan po održanom pišmenom delu i spačta, ako dečurni asistent ne saopštiti drugačije. Studenti koji će da dobiju običajno ocenom pišmenog dela i spačta i li da ponovo vide svoj pišmeni zadatak, potrebno je da se obrate predmetnom nastavniku, i li i asistentu u vreme redovnih konsultacija sa studentima. termini konsultacija predmetnog nastavnika sa studentima: ponedeljak 10-12 i petak 10-12 u kabinetu 221.

Termini za polagajewi usmenog dela i spačta po pravilu prvi ponedečak posle pišmenog dela i spačta, a sa po-ekonom u 8. -asova, ako studenti ne izraze drugačije zahtev u dogovoru sa nastavnikom. Na usmenom delu i spačta nije dozvojeno koričeno u tampane ili terature ni prije nego što se učenici prave u dogovoru sa nastavnikom. Na usmenom delu i spačta se polagaju deo Teorija elastičnosti, pa zatim deo Teorija oscilacija. Uslov za polagajewi deo i spačta je da studenti imaju na sebi polagajewi deo i spačta mogu korišteni redovne konsultacije sa predmetnim nastavnikom i li i asistentom.

Studenti koji nisu polagajewi deo i spačta mogu korišteni redovne konsultacije sa predmetnim nastavnikom i li i asistentom.

