

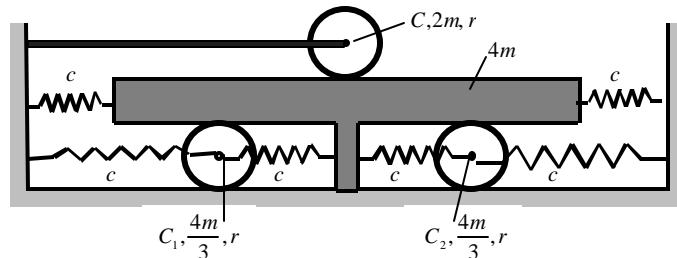
I spisni rok: April 2000.

Predmetni nastavnik: Prof dr Katića (Stevanović) Hedrih, akademik Akademije nauka i umjetnosti u SFRJ, Moskva

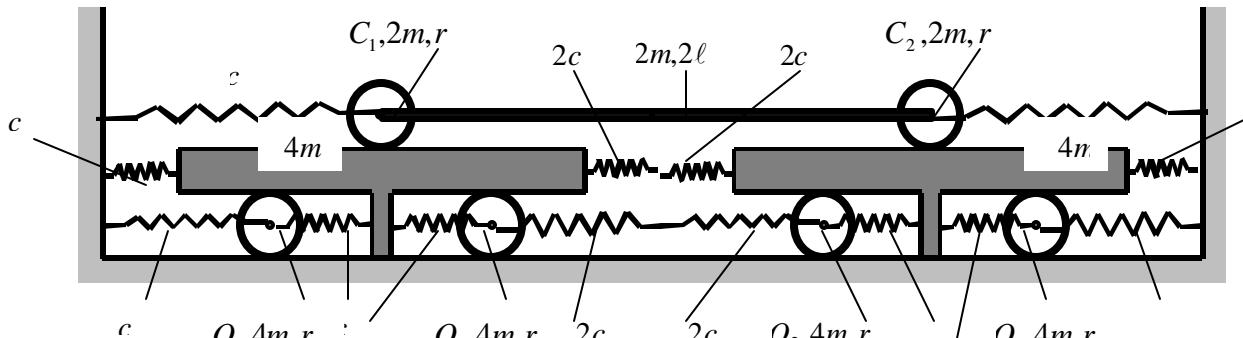
Predmetni asistent: mr Dragan JOVANOVIĆ, dipl. inž., mr Aleksandar FILIPPOVSKI, dipl. inž.

## PI SMENI DEO I SPI TA I Z PREDMETA **ELASTODINAMIKA** **ELASTODINAMIKA**

**PRVI ZADATAK:** Na slici br. 1 prikazan je oscilatorni sistem koji se sastoji od jednakih, krutih diskova sa centrima u  $C_i, i=1,2$ , jednakih masa  $\frac{4m}{3}$ , jednakih poluprečnika  $r$ , koji su oprugama krutosti po  $c$  vezani za nepokretnu zidove i pokternu krutu platformu mase  $4m$ , koja se povlači krajem, prihvativom kotrljaju bez klizawa po horizontalnoj ravni, kao što je prikazano na slici. Po platformi može da se kotrlja bez klizawa kruti disk mase  $2m$ , poluprečnika  $r$ , koji je centar zglobno vezan pomoću krute konzolne poluge za zid. Odredi: a) sopstvenu kružnu frekvenciju malih oscilacija sistema oko naznačenog položaja ravnoteže; b) Ako se ceo sistem nagnje za ugao  $a$  u odnosu na horizont, odredi odnos kvadrata kružnih frekvencija za taj slučaj i prethodni slučaj; c) generalisanu silu za izabranu generalisanu koordinatu ako spreg momenta  $M = M_0 \cos \Omega t$  dejstvuje na sistem posredstvom diska sa centrom u  $C$  odnosno u  $C_1$ , i za oba slučaja zakone prirodnih oscilacija, ako je sistem u početnom trenutku dobio poremećaj pomeranjem platforme za  $x_0$  iz ravnotežnog položaja sistema, a saopštenoj joj je početna brzina  $v_0$ .



Slika br. 1



Slika br. 2

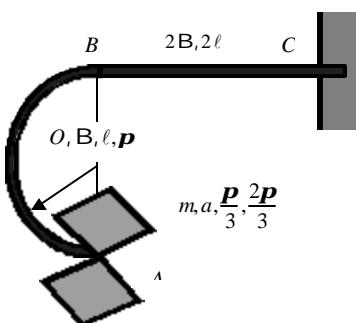
**DRUGI ZADATAK.** Za oscilatorni sistem na slici br. 2, koji se sastoji od dve jednakе krute platforme mase po  $4m$ , koje leže na dva jednakaka kruta diska centra  $O_i, i=1,2,3,4$ , jednakih masa po  $4m$ , koji se kotrljuju bez klizawa po horizontalnoj glatkoj ravni, a sistemom jednakih opruga krutosti po  $c$ , su vezani za platformu i

nepokretne zidove, dok su platforme međusobno vezane dvema redno vezanim oprugama krutosti po  $2c$ , i po jednom oprugom krutosti  $c$  za nepokretne zidove, po koji ma se kotačaju bez klizanja dva jednakaka kruta diska centara u  $C_i, i=1,2$ , jednakih masa po  $2m$ , koji su krutom polugom mase  $2m$ , dužine  $2\ell$ , zglobno za centre vezani međusobom, a jednakim oprugama krutosti po  $c$  vezani za nepokretne zidove. Napisati frekventnu jednajnu malih oscilacija sa stema oko ravnotežnog položaja i odrediti sopstvene kružne frekvencije.

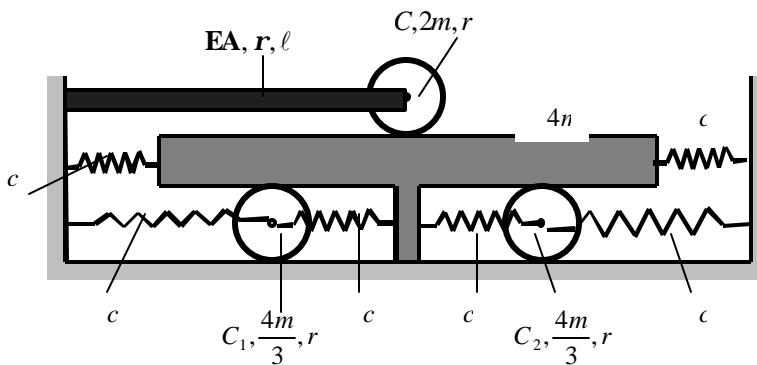
**TREĆI ZADATAK.** Lakelastični nosač  $ABC$ , sa slike br. 3 sastavljen je od homogenog članka  $BC$ , raspona  $2\ell$ , savojne krutosti  $2B$ , i polukružnog članka  $\ell$ , savojne krutosti  $B$ , i u preseku  $A$  nosač nosi kruto zavarenu tanku homogenu, krutu ploču mase  $m$  koja može oscilovati u ravni nosača. Platforma je sastavljena od dve simetrično zavarene homogene tanke ploče oblike romba sa osnovnim višinama dužine  $a$ , i uglova  $p/3$  i  $2p/3$ . Označavajući sa  $p = \frac{\ell^3}{6B}$  odrediti:

a\* sistem dijferencijsaljni jednajni malih oscilacija plote na komelastičnom nosaču;

b\* frekventnu jednajnu malih oscilacija plote u ravni nosača.



Slika br. 3



Slika br. 4

**ČETVRTI ZADATAK.** Na slici br. 4 prikazan je oscilatorni sistem koji se sastoji od jednakih, krutih diskova sa centrima u  $C_i, i=1,2$ , jednakih masa  $\frac{4m}{3}$ , jednakih poluprečnika  $r$ , koji su oprugama krutosti po  $c$  cezani za nepokretne zidove i pokternu krutu platformu mase  $4m$ , koja se povlači krajem, prihvativom kotačaju bez klizanja po horizontalnoj ravni, kao što je prikazano na slici. Po platformi može da se kotači bez klizanja kruti disk mase  $2m$ , poluprečnik  $r$ , koji je centar zglobno vezan pomoću elastične konzole ne poluge, dužine  $\ell$ , aksijalne krutosti  $EA$ , gustne materijala  $r$ , za zid. Napisati frekventnu jednajnu malih oscilacija elastične konzole ne poluge.

Napomena: Pismeni deo i spačta traje 4 sata. Dozvoljeno je korišćenje samo čitavim tama i literaturu. Studenti koji imaju odluku o usmeni deo i spačta su da to vidno označiti na koricama pismenog zadatka, zajedno sa brojem poena, kao i spačtiti u kome su to pravo stečeli.

Pismeni deo i spačta je elastični. Student ostvaruje pravo pravo na polagave usmenog dela i spačta i pozitično ocenu pismenog dela i spačta ako ostvari najmanje 22 poena od ukupno 40 poena (-etići putem deset) i iako to ne reči i najmanje dva celina zadatka. Studenti koji ostvaruju pravo "uslovno pozvan na usmeni deo i spačta" kao kvalifikacijsku za ostvarene prava na usmeni deo i spačta rade jedan teorijski zadatak bez korišćenja pismenog zadatka.

Rezultati pismenog dela i spačta biće saopšteni u pismenom obliku na oglascu tabele fakulteta do 12-a, jedan dan po održanom pismenom delu i spačta, ako dečurni asistent ne saopšti drugačije. Studenti koji elektro običaju već u vremenu pismenog dela i spačta i i ponovo vide svoj pismeni zadatak, potrebno je da se obrate predmetnom nastavniku, i i asistentu u vreme redovnih konsulatačkih studentima. termini konsulatačkih predmetnih nastavnika sa studentima: ponedečak 10-12-i petak 10-12-u kabinetu 221.

Termini za polagave usmenog dela i spačta po pravilu prvi ponedečak posle pismenog dela i spačta, a sa po-ekonom u 8-a, ako studenti ne izraze drugačije zahtev u dogovoru sa nastavnim komitetom. Na usmenom delu i spačta nije dozvoljeno korišćenje čitavim literaturu ni pribelješaka. Na usmenom delu i spačta prvo se polagaju deo Teorija elastičnosti, pa zatim deo Teorija oscilacija. Uslov za polagave i spačta je da studenti nameravaju polagajeni i spačeni deo i spačta mogu koristiti redovne konsulatačke sa predmetni nastavni komiteti asistentom.

Studenti koji nisu polagali i spačeni deo i spačta mogu koristiti redovne konsulatačke sa predmetni nastavni komiteti asistentom.